

## К численной аппроксимации некоторых специальных функций

Раппопорт Ю.М. (Москва, Россия)

Предложена новая реализация Тау метода Ланцоша [1] и аппроксимационного метода Дзядыка [2] с минимальной невязкой для нахождения полиномиальных приближений решений линейных дифференциальных уравнений второго порядка с полиномиальными коэффициентами. Разработана вычислительная схема применения Тау метода для приближенного решения систем дифференциальных уравнений гипергеометрического типа [3]. Обсуждаются различные варианты выбора вектора возмущений. Предлагается выбор вектора возмущений в виде смещенного многочлена ЧЕБЫШЕВА со специальным образом подобранными сдвигом и нормировкой. Находятся условия оптимальности предлагаемого выбора возмущения для случая одного уравнения. Они достаточно просты для проверки в ряде важных случаев.

Разрабатываются различные подходы для вычисления ядер интегральных преобразований Конторовича–Лебедева - модифицированных функций БЕССЕЛЯ второго порядка чисто мнимого индекса  $K_{i\beta}(x)$  и комплексного порядка  $K_{1/2+i\beta}(x)$ . Подготовлены программы вычислений и изданы таблицы модифицированных функций БЕССЕЛЯ  $K_{1/2+i\beta}(x)$ . Показаны преимущества обсуждаемых алгоритмов и программ по точности и машинному времени [4]. Даны эффективные применения разработанных методик для численного решения смешанных краевых задач в клиновидных областях [5].

### ЛИТЕРАТУРА

- [1] *J.H. Freilich, E.L. Ortiz* Numerical solution of systems of ordinary differential equations with the Tau method. *Math. Comp.*, v.39, 467–479 (1982).
- [2] *В.К. Дзядык* Аппроксимационный метод приближения алгебраическими полиномами решений линейных дифференциальных уравнений. *Изв. АН СССР, сер.матем.* т.38, N 4, 937–967 (1974).
- [3] *J.M. Rappoport* Canonical vector polynomials for the computation of complex order BESSEL functions with the Tau method. *Comp. Math. Appl.*, v.41, 399–406 (2001).
- [4] *B.R. Fabijonas, D.W. Lozier, J.M. Rappoport* Algorithms and codes for the MACDONALD function: Recent progress and comparisons. *Journ. Comput. Appl. Math.*, v.161, 179–192 (2003).
- [5] *J.M. Rappoport* Tau method and numerical solution of some mixed boundary value problems. *Proceedings of the International Conference on Computational and Mathematical Methods in Science and Engineering, CMMSE-2004, Angstrom Laboratory, Uppsala, June, 4-8, 2004*, pp. 236–242.